



آیا جزوه را از سایت ما دانلود کرده اید؟

کتابخانه الکترونیکی **PNUEB**

پیام نوری ها بشتابید

مزایای عضویت در کتابخانه **PNUEB**:

دانلود رایگان و نامحدود خلاصه درس و جزوه

دانلود رایگان و نامحدود حل المسائل و راهنما

دانلود کتابچه نمونه سوالات دروس مختلف پیام نور با جواب

WWW.PNUEB.COM

کتابچه نمونه سوالات چیست:

سایت ما **افتخار** دارد برای اولین بار در ایران توانسته است کتابچه نمونه سوالات تمام دروس پیام نور که هر یک حاوی تمامی آزمون های برگزار شده پیام نور (تمامی نیمسالهای موجود **فتی الامکان** با **جواب**) را در یک فایل به نام کتابچه جمع آوری کند و هر ترم نیز آن را آپدیت نماید.

مراحل ساخت یک کتابچه نمونه سوال

(برای آشنایی با زحمت بسیار زیاد تولید آن در هر ترم):

دسته بندی فایلها - سرچ بر اساس کد درس - پسباندن سوال و جواب - پیدا کردن یک درس در نیمسالهای مختلف و پسباندن به کتابچه همان درس - پسباندن نیمسالهای مختلف یک درس به یکدیگر - وارد کردن اطلاعات تک تک نیمسالها در سایت - آپلود کتابچه و فیلد موارد دیگر..

همچنین با توجه به تغییرات کدهای درسی دانشگاه استثنائات زیادی در ساخت کتابچه بوجود می آید که کار ساخت کتابچه را بسیار پیچیده می کند.

WWW.PNUEB.COM

تحقیق در عملیات (۱)

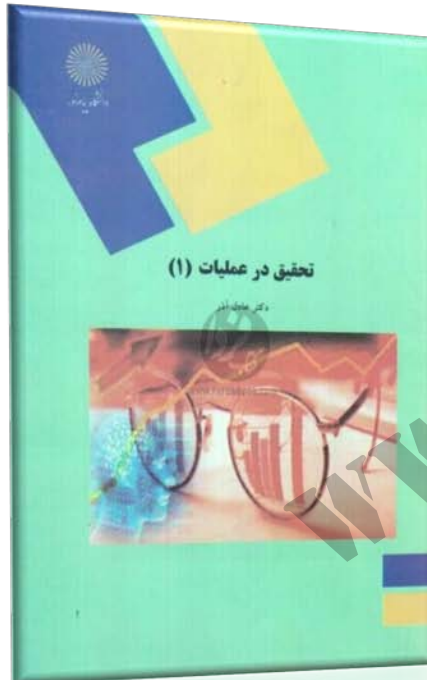
(رشته مدیریت دولتی ، بازرگانی ، حسابداری)

ترجمه و تألیف : دکتر عادل آذر

انتشارات دانشگاه پیام نور

تهیه و تنظیم : علی بستان

پروژه دات کام



فصل اول

کلیات تحقیق در عملیات

تحقیق در عملیات [OR]

یک رویکرد علمی که در صدد حل مسائل مدیریتی است و هدف آن کمک به مدیران جهت تصمیم‌گیری بهتر است. نگاه این علم مانند سایر علوم به مسائل مدیریتی یک نگاه سیستماتیک و منطقی است [تحقیق در عملیات : کاربرد روش علمی برای تحلیل و حل مسائل و تصمیمات مدیریتی است]

[OR = Operation Research]

تاریخچه تحقیق در عملیات [OR]

موضوع تحقیق در عملیات [OR] در طول جنگ جهانی دوم توسط دانشمندان انگلیسی توسعه و گسترش یافت. دلیل انجام چنین مطالعاتی محدودیت منابع و بودجه نظامی بود. پس از جنگ، موفقیت گروه‌های نظامی توجه مدیران صنعتی را به خود جلب کرد. زیرا ورود تخصص شغلی در تشکیلات تجاری روز به روز حادثتر می‌شد و این وضع منجر به مسائل تصمیم‌گیری پیچیده‌ای شده بود که نهایتاً سازمانها را مجبور نمود تا درصدد استفاده از موثرترین روشهای OR برآیند.

امروزه پیشرفت چشمگیر مبانی ریاضی فنون تحقیق در عملیات و توسعه تکنولوژی رایانه، دامنه کاربرد تحقیق در عملیات را به جایی کشانده که امروزه سازمانها درصدد تهیه سیستمهای هوشمند با استفاده از منطق فازی هستند.

ویژگی های تحقیق در عملیات

تمرکز اصلی و اولیه OR بر تصمیم گیری مدیران است

رویکرد OR یک رویکرد علمی است

در OR مسائل و تصمیمات با نگاه سیستمی بررسی می شوند

رشته OR یک رشته از ترکیب چندین رشته مستقل است [دانش بین رشته ای است]

در OR از مدل های ریاضی استفاده می شود

در OR از رایانه به وفور استفاده می شود

مدلها در تحقیق در عملیات

مدلها معمولا ساده شده واقعیت است. در OR سه مدل وجود دارد که در زیر به شرح آنها خواهیم پرداخت:

مدل شمایی: جایگزین فیزیکی از سیستم است که معمولا در اندازه های متفاوت نشان داده می شود مانند ماکت سه بعدی و تصاویر دو بعدی

مدل قیاسی: این مدل در قالب نمودار دو بعدی بیان می شود مانند نمودار سازمانی

مدل ریاضی: مسائل پیچیده را تنها با این مدل می توان تحلیل کرد. دلایل استفاده از این مدل بدین شرح است :

- موقعیت های پیچیده را می توان تعریف کرد
- می توان زمان عملیات واقعی را شبیه سازی کرد
- آزمایش سیستم را ساده تر و امکان پذیر می سازد
- هزینه رفع عیب بسیار پایین است
- ریسک در تصمیم را محاسبه می کند
- زمینه آموزش و یادگیری را فراهم می کند

مدلهای ریاضی به سه دسته تقسیم می شوند :

قطعی : در شرایط اطمینان کامل ساخته می شود

احتمالی : در شرایط نامعین و تصادفی رخ می دهد. مهمترین مدلهای احتمالی شامل ۱- مارکوفی ۲- صف

ترکیبی : هم در شرایط قطعی و هم در شرایط احتمال ساخته می شود

فصل دوم

برنامه ریزی خطی (مدلسازی)

جدول زیر را در نظر بگیرید

میزان منابع موجود	محصول ۳	محصول ۲	محصول ۱	
۲۰۰ نفر	۵	۲	۶	نیروی انسانی
۱۵۰ کیلوگرم	۳	۵	۴	مواد اولیه
	۳۰	۳۰	۴۰	میزان سوددهی

شرکتی می خواهد بداند که از هر یک از سه محصول چه مقدار تولید کند تا با رعایت محدودیت منابع به حداکثر سود کل نایل شود

در ابتدا جدول را به صورت ریاضی در می آوریم یعنی به جای عبارت محصول از X استفاده می نماییم.
نکته: در این مسئله از واژه محصول استفاده شده است و در مسئله دیگر می تواند واژه دیگری بکار رود.

در هر صورت ما باید واژه ها را به X تبدیل نماییم

X_1  محصول ۱

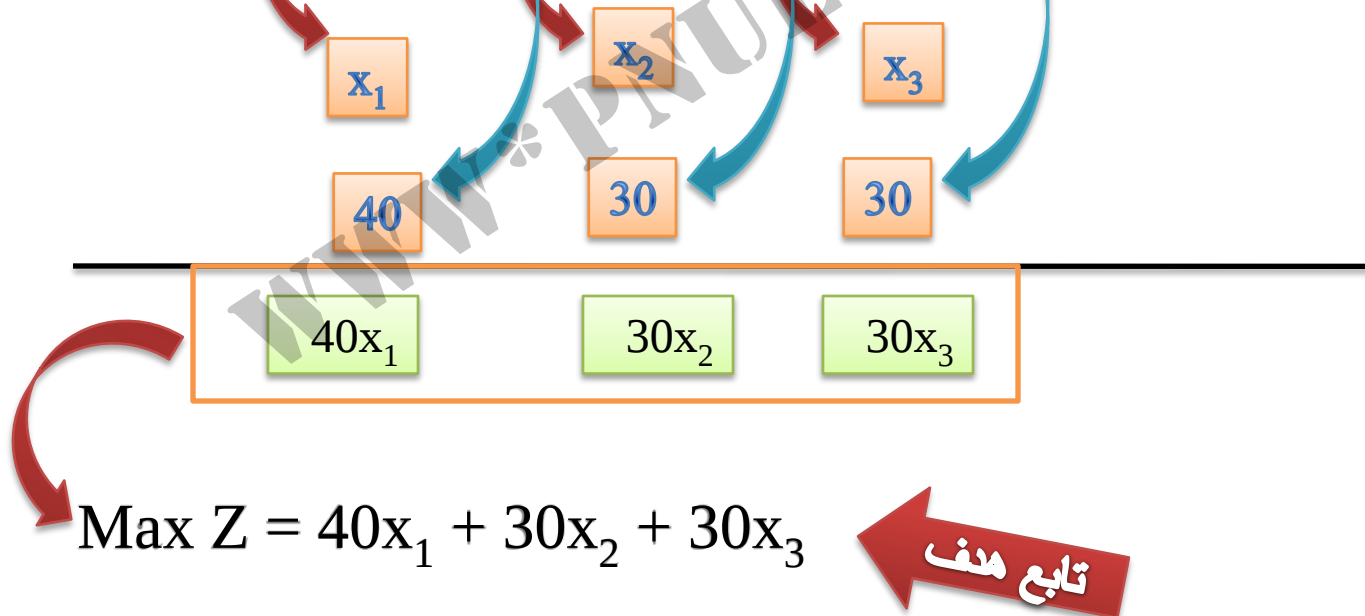
X_2  محصول ۲

X_3  محصول ۳

دلیل اینکه جدول را به صورت ریاضی در می آوریم این است که بتوانیم پاسخ را توسط مدل ریاضی بدست آوریم و برای این کار نمی توانیم در فرمول از کلمات محصول ۱ و محصول ۲ و... استفاده نماییم پس آنها را تبدیل به X_1 و X_2 می نماییم

بعد از نوشتن مدل ریاضی برای حداکثر کردن سود تابع هدف را رسم می کنیم

میزان منابع موجود	محصول ۱	محصول ۲	محصول ۳
۲۰۰ نفر	۶	۲	۵
۱۵۰ کیلوگرم	۴	۵	۳
میزان سوددهی	۴۰	۳۰	۳۰

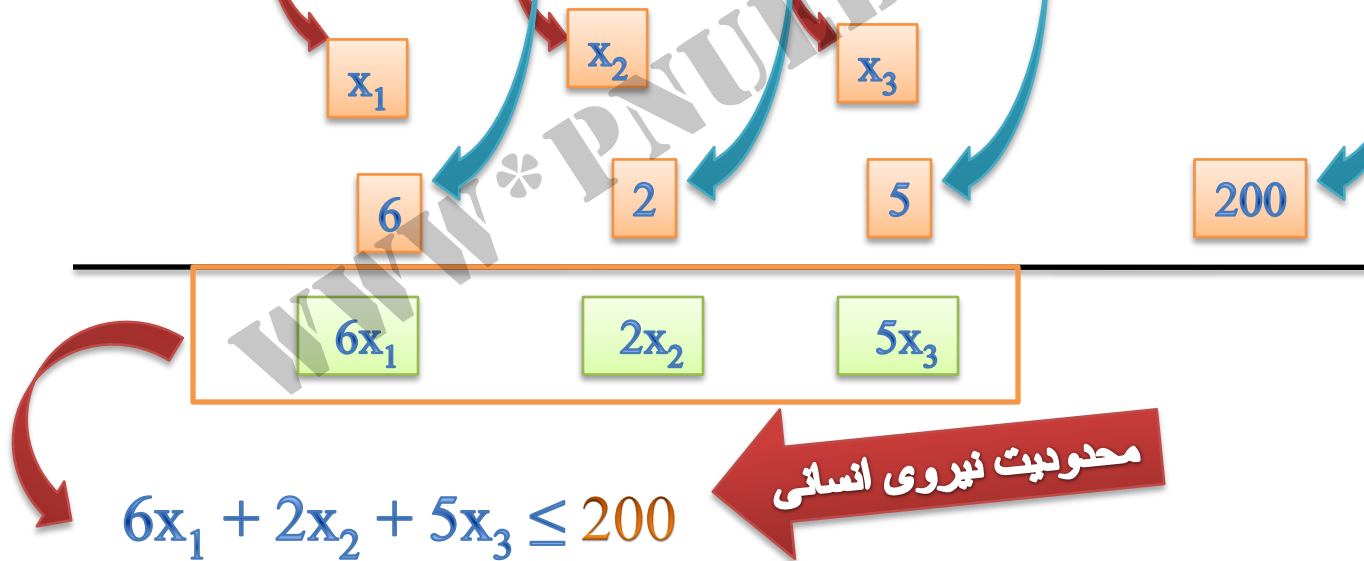


به دلیل حداکثرسازی سود از MAX استفاده می نمایم

حال محدودیت ها را می نویسیم

محاسبه محدودیت نیروی انسانی

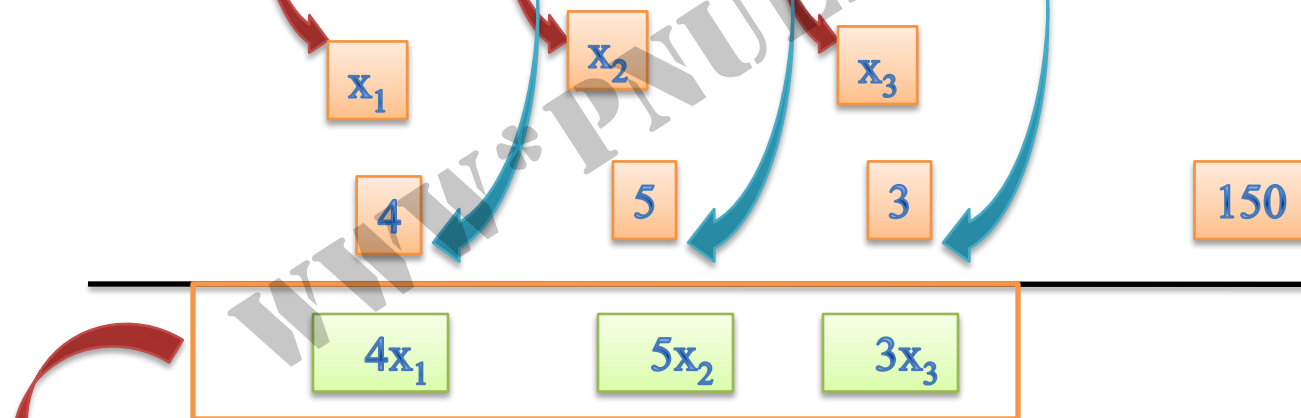
میزان منابع موجود	محصول ۱	محصول ۲	محصول ۳
۲۰۰ نفر	۶	۲	۵
۱۵۰ کیلوگرم	۴	۵	۳
میزان سوددهی	۴۰	۳۰	۳۰



به این دلیل از علامت $\leq$ استفاده نموده ایم که میزان محصول مصرفی ما در محصول ۱ و ۲ و ۳ باید کمتر از میزان منابع موجود باشد. یعنی اگر ما ۲۰۰ نفر نیروی کار داشته باشیم نخواهیم توانست از ۲۵۰ نفر در یک مسئله استفاده نماییم و حتما باید میزانی منابع بکار ببریم که یا برابر و یا کمتر از میزان منابع موجود باشد

محاسبه محدودیت مواد اولیه

میزان منابع موجود	محصول ۱	محصول ۲	محصول ۳
نیروی انسانی	۶	۲	۵
مواد اولیه	۴	۵	۳
میزان سوددهی	۴۰	۳۰	۳۰



$$4x_1 + 5x_2 + 3x_3 \leq 150$$

محدودیت مواد اولیه

محدودیت را با S.F. نشان می دهند

میزان منابع موجود	محصول ۳	محصول ۲	محصول ۱	
۲۰۰ نفر	۵	۲	۶	نیروی انسانی
۱۵۰ کیلوگرم	۳	۵	۴	مواد اولیه
	۳۰	۳۰	۴۰	میزان سوددهی

$$6x_1 + 2x_2 + 5x_3 \leq 200$$

$$4x_1 + 5x_2 + 3x_3 \leq 150$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

محدودیت کارکردی

محدودیت علامت

صورت کلی محدودیت ها

محدودیت کارکردی: به میزان منابع موجود گفته می شود که در فرایند تولید به ما نشان می دهد

در هنگام تولید توان استفاده بیشتر از این مقدار را نخواهیم داشت

محدودیت علامت: به ما نشان می دهد که تولید نمی تواند کمتر از صفر باشد یعنی ما هیچگاه

تولید منفی نداریم

در نتیجه خواهیم داشت

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 30x_2 + 30x_3$$

s.t

$$6x_1 + 2x_2 + 5x_3 \leq 200$$

$$4x_1 + 5x_2 + 3x_3 \leq 150$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

فصل سوم

برنامه ریزی خطی روش هندسی

برنامه ریزی خطی

جدول زیر را در نظر بگیرید

سود	مواد اولیه	نیروی کار	
۴۰	۴	۱	محصول ۱
۵۰	۳	۲	محصول ۲
	۱۲۰	۴۰	میزان منابع موجود

سود	مواد اولیه	نیروی کار	
۴۰	۴	۱	محصول ۱
۵۰	۳	۲	محصول ۲
	۱۲۰	۴۰	میزان منابع موجود

محصول ۱ $\leftarrow X_1$

محصول ۲ $\leftarrow X_2$

تابع هدف

سود	مواد اولیه	نیروی کار	
۴۰	۴	۱	محصول ۱
۵۰	۳	۲	محصول ۲
	۱۲۰	۴۰	میزان منابع موجود

Max Z

$$40x_1 + 50x_2$$

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 50x_2$$

از آنجایی که هدف حداکثر کردن سود است پس در تابع هدف از Max استفاده می نماییم

اگر هدف حداقل کردن هزینه و... باشد از Min استفاده می کنیم

تابع هدف

سود	مواد اولیه	نیروی کار	
۴۰	۴	۱	محصول ۱
۵۰	۳	۲	محصول ۲
	۱۲۰	۴۰	میزان منابع موجود

$$\begin{aligned}
 x_1 + 2x_2 &\leq 40 \\
 4x_1 + 3x_2 &\leq 120
 \end{aligned}$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 50x_2$$

s.t

$$x_1 + 2x_2 \leq 40$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 120$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

پس در حالت کلی خواهیم داشت

WWW*IRANPUB.COM

ابتدا $\leq$ را تبدیل به $=$ می کنیم

پس خواهیم داشت

$$x_1 + 2x_2 = 40$$

x_1 را صفر در نظر می گیریم حال باید ۲ را در چه عددی ضرب کنیم تا برابر ۴۰ شود

$$(0) + 2(20) = 40$$

مطمئناً می گوئید ۲۰، پس x_2 برابر ۲۰ است

x_2 را صفر در نظر می گیریم پس x_1 برابر ۴۰ است

$$(40) + 2(0) = 40$$

در کل خواهیم داشت

$$\begin{cases} x_1 = 40 \\ x_2 = 20 \end{cases}$$

ابتدا $\leq$ را تبدیل به $=$ می کنیم

پس خواهیم داشت

$$4x_1 + 3x_2 = 120$$

x_1 را صفر در نظر می گیریم حال باید ۳ را در چه عددی ضرب کنیم تا برابر ۱۲۰ شود

$$4(0) + 3(40) = 120$$

مطمئناً می گوئید ۴۰، پس x_2 برابر ۴۰ است

x_2 را صفر در نظر می گیریم حال باید ۴ را در چه عددی ضرب کنیم تا برابر ۱۲۰ شود

$$4(30) + 3(0) = 120$$

مطمئناً می گوئید ۳۰، پس x_1 برابر ۳۰ است

$$\begin{cases} x_1 = 30 \\ x_2 = 40 \end{cases}$$

در کل خواهیم داشت

$$x_1 + 2x_2 = 40$$

$$(0) + 2(20) = 40 \quad \left\{ \begin{array}{l} x_2 = 20 \end{array} \right.$$

$$(40) + 2(0) = 40 \quad \left\{ \begin{array}{l} x_1 = 40 \end{array} \right.$$

$$4x_1 + 3x_2 = 120$$

$$4(0) + 3(40) = 120 \quad \left\{ \begin{array}{l} x_2 = 40 \end{array} \right.$$

$$4(30) + 3(0) = 120 \quad \left\{ \begin{array}{l} x_1 = 30 \end{array} \right.$$

چند نکته:

بر اساس نقاطی که در اسلاید قبل بدست آوردیم و با رنگ آبی مشخص کردیم خطوط را رسم می کنیم

منطقه هاشور خورده منطقه موجه است یعنی در این ناحیه به سود می رسیم ولی ما به دنبال حداکثر سود هستیم پس نقطه ای که با ستاره آبی مشخص شده است نقطه حداکثر سود است که به آن نقطه بهینه می گوئیم

محل تلاقی دو خط را نقطه گوشه ای و نقاطی که با ستاره مشخص شده را نقطه گوشه ای موجه می نامیم

منطقه ی مشترک بین تمام خطوط را منطقه موجه می نامیم



اگر این مسئله را فراموش کردید بهتر است که علامت ها را مانند نوک پیکان در نظر بگیرید. نوک پیکان به هر سمت که باشد آن منطقه را باید هاشور زد.

$\leq$ ←
→ $\geq$

x_2

به دلیل اینکه علامت محدودیت ها $\leq$ بود منطقه هاشور خورده سمت چپ بوده است

x_1

اگر علامت محدودیت ها $\geq$ باشد منطقه سمت راست را باید هاشور بزیم

x_1

www.pnuetb.com

نقطہ بہینہ

نقطه بهینه

برای بدست آوردن نقطه بهینه باید طبق دستو زیر عمل نمایید

ابتدا چهار نقطه گوشه ای موجه را با حروف A,B,C,D مشخص می کنیم

سپس x_1 و x_2 نقاط A,B,C را می نویسیم برای این کار تنها باید به

دستگاه مقابل نگاه کنید. با یک نگاه ساده می توانید ببینید که نقطه A بر

روی 0,20 نقطه B بر روی 0,0 و نقطه C بر روی 30,0 قرار گرفته اند

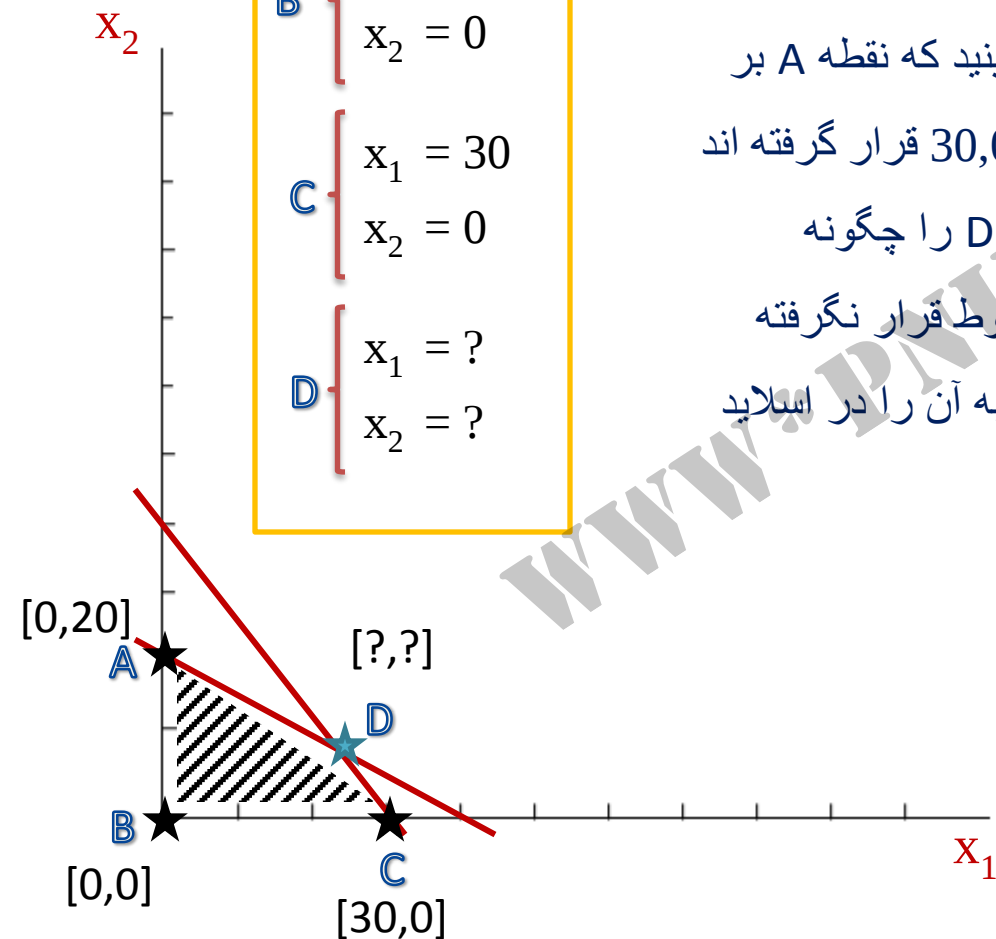
حال ممکن است این سوال برایتان پیش بیاید که نقطه D را چگونه

بدست آوریم؟ چون این نقطه بر روی هیچ یک از خطوط قرار نگرفته

پس باید این نقطه را با محاسبه بدست آورید که محاسبه آن را در اسلاید

بعد می توانید مشاهده نمایید

A	$\begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 20 \end{cases}$
B	$\begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \end{cases}$
C	$\begin{cases} x_1 = 30 \\ x_2 = 0 \end{cases}$
D	$\begin{cases} x_1 = ? \\ x_2 = ? \end{cases}$



قبل از محاسبه، تابع هدف و محدودیت ها را در نظر بگیرید

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 50x_2$$

s.t

$$x_1 + 2x_2 \leq 40$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 120$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

حال به اسلاید بعد بروید

طرفین معادله ۱ را در ۴- ضرب می کنیم و همانگونه که در زیر می بینید محاسبه می نمایم

$$x_1 + 2x_2 = 40 \quad \text{معادله ۱}$$

$$4x_1 + 3x_2 = 120 \quad \text{معادله ۲}$$

$$-4 \left[\begin{array}{l} x_1 + 2x_2 = 40 \\ 4x_1 + 3x_2 = 120 \end{array} \right] \left[\begin{array}{l} -4x_1 - 8x_2 = -160 \\ 4x_1 + 3x_2 = 120 \end{array} \right] \left[\begin{array}{l} -4x_1 - 8x_2 = -160 \\ 4x_1 + 3x_2 = 120 \\ \hline -5x_2 = -40 \\ x_2 = 8 \end{array} \right]$$

بنابراین با مشخص شدن مقدار x_2 می توانیم به کمک یکی از معادلات اصلی مقدار x_1 را نیز تعیین نمایم

$$x_1 + 2(8) = 40 \longrightarrow 2(8) = 16 \longrightarrow 40 - 16 = 24 \longrightarrow x_1 = 24$$

حال که تمامی نقاط x_1, x_2 را برای A, B, C, D مشخص نمودیم می توانیم آنها را در تابع هدف قرار دهیم تا نقطه بهینه را بدست آوریم برای این کار به اسلاید بعد مراجعه نمایید

$$A \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 20 \end{cases} \Rightarrow 40(0) + 50(20) = 1000$$

نقاط بدست آمده را در تابع هدف وارد می کنیم.
بزرگ ترین نقطه بدست آمده نقطه بهینه خواهد بود

$$B \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow 40(0) + 50(0) = 0$$

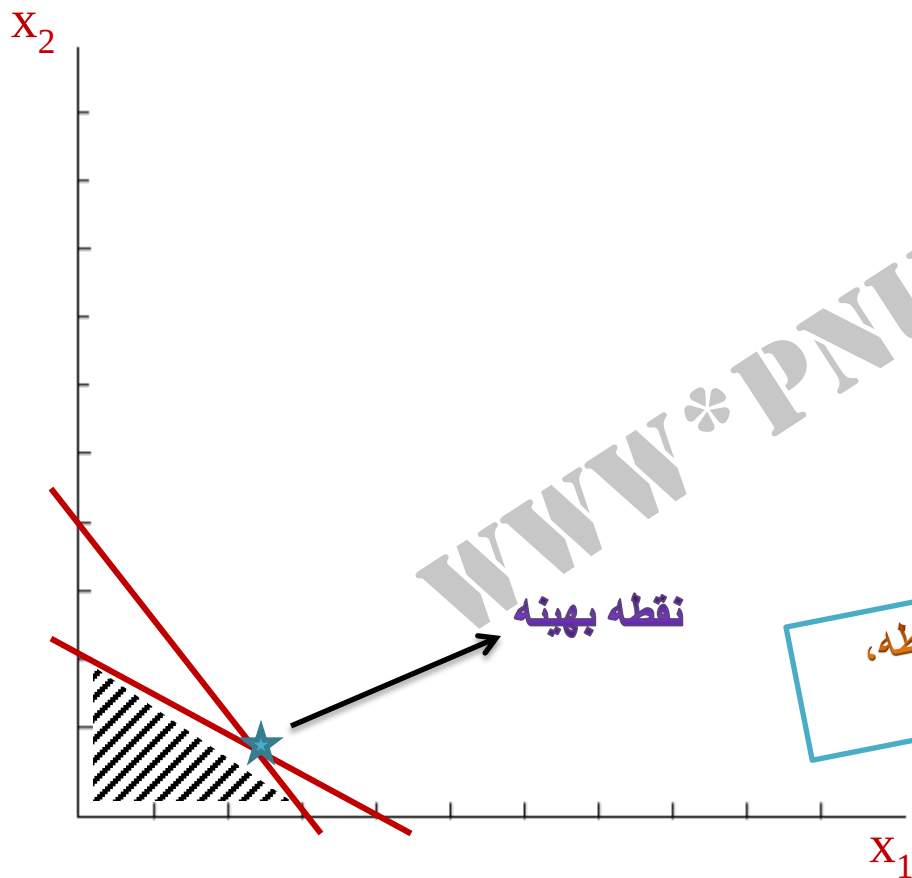
$$C \begin{cases} x_1 = 30 \\ x_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow 40(30) + 50(0) = 1200$$

$$D \begin{cases} x_1 = 24 \\ x_2 = 8 \end{cases} \Rightarrow 40(24) + 50(8) = 1360 \rightarrow \text{نقطه بهینه}$$

تابع هدف

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 50x_2$$

همانطور که مشاهده می نمایید چون بیشترین مقدار متعلق به نقطه D است پس نقطه بهینه ما همین نقطه است



حال مشاهده نمودید که به چه دلیل به این نقطه،
نقطه بهینه می گوییم.

حالت‌های خاص نقطه بهینه

۱- جواب بهینه چند گانه

مسائل برنامه ریزی خطی در فرم استاندارد دارای یک گوشه بهینه می باشند که مقدار تابع هدف به ازای آن نقطه حداکثر یا حداقل می گردد. اما هرگاه معادله تابع هدف موازی یکی از محدودیت ها باشد آنگاه مسئله برنامه ریزی خطی دارای جواب بهینه چندگانه خواهد بود. البته موازی بودن تابع هدف با یکی از محدودیت ها تنها شرط کافی برای جواب بهینه چند گانه بودن نیست. در کل هرگاه پس از محاسبه به دو یا چند نقطه بهینه یکسان رسیدیم آن مسئله جواب بهینه چندگانه است.

۲- فاقد ناحیه موجه (جواب)

هرگاه نتوان برای کلیه ی محدودیت های مدل ناحیه مشترکی را پیدا نمود گویند مسئله فاقد ناحیه ی موجه می باشد.

www*PNUEB*COM

۳- ناحیه جواب بیکران

در برخی از مسائل ناحیه ی موجه مدل طراحی شده، به وسیله ی محدودیت ها محصور نمی شود به عبارت دیگر ناحیه موجه در میان معادلات مرزی بسته نمی شود. در چنین مدل هایی ممکن است تابع هدف به نحو نامحدودی افزایش یا کاهش یابد و هیچگاه به حداکثر یا حداقل نرسد. یعنی جواب بهینه مسئله می تواند محدود و معین و یا نامحدود باشد.

۴- جواب تبه‌گن

در یک مسئله برنامه ریزی خطی اگر گوشه موجه از محل تلاقی بیش از دو معادله ی مرزی تشکیل شود مسئله تبه‌گن خواهد بود. یعنی گوشه ای که بیش از دو معادله ی مرزی تشکیل شده باشد را گوشه ی تبه‌گن گویند.

جواب بهینہ چنگانہ

جواب بهینه چند گانه : در جواب بهینه چندگانه دو یا چند نقطه مساوی بدست می آید

(مثال)

$$\text{Max } Z = 40x_1 + 30x_2$$

s.t:

$$x_1 + 2x_2 \leq 40$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 120$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

بر اساس تابع هدف و محدودیت های داده شده می خواهیم بدانیم

این مسئله جزء کدام حالت از حالت های خاص نقطه بهینه است

نقاط X را برای معادله ۱ و ۲ بدست می آوریم

$$4x_1 + 3x_2 = 120$$

$$4(0) + 3(40) = 120$$

$$4(30) + 3(0) = 120$$

$$x_1 + 2x_2 = 40$$

$$(0) + 2(20) = 40$$

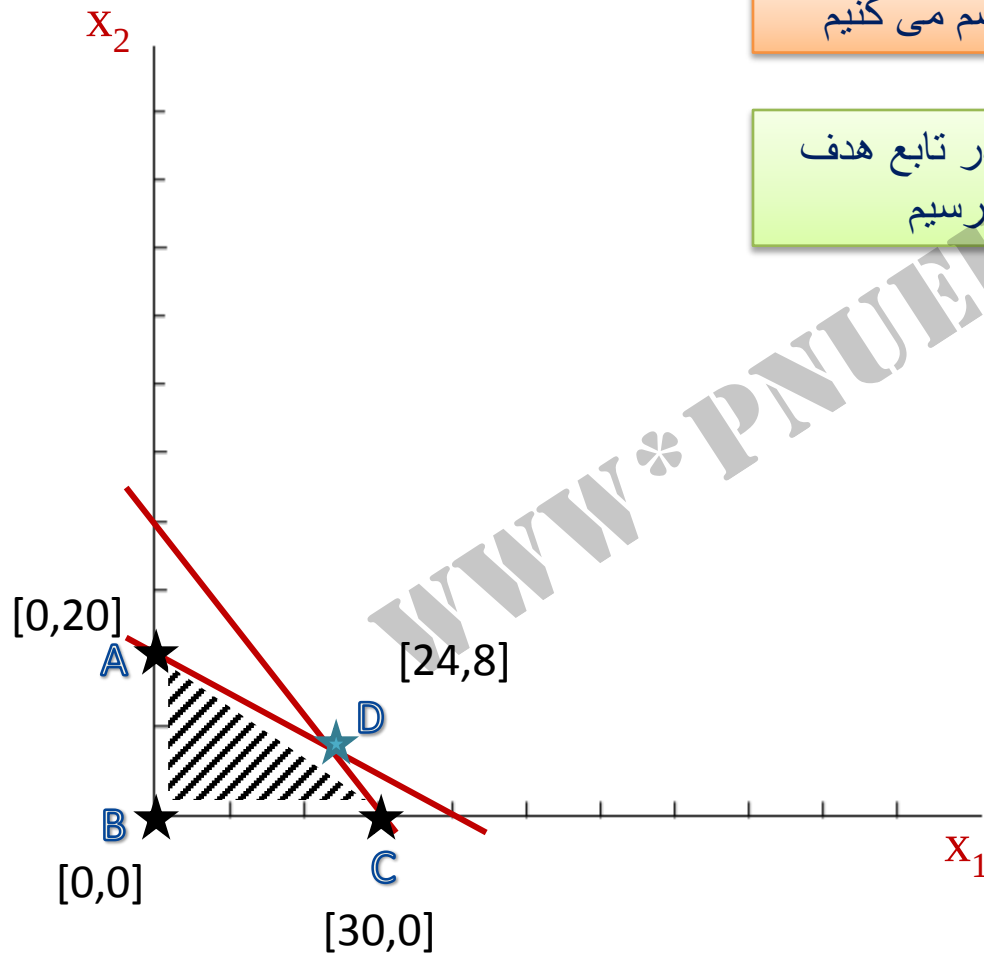
$$(40) + 2(0) = 40$$

$$\begin{cases} x_1 = 30 \\ x_2 = 40 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 = 40 \\ x_2 = 20 \end{cases}$$

نقاط بدست آمده در اسلاید قبل را رسم می کنیم

در اسلاید بعد نقاط گوشه ای بهینه را در تابع هدف قرار می دهیم تا به نقطه بهینه برسیم



تابع هدف



$$\text{Max } Z = 40x_1 + 30x_2$$

$$\text{A} \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 20 \end{cases} \Rightarrow 40(0) + 30(20) = 600$$

$$\text{B} \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow 40(0) + 30(0) = 0$$

$$\text{C} \begin{cases} x_1 = 30 \\ x_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow 40(30) + 30(0) = 1200$$

$$\text{D} \begin{cases} x_1 = 24 \\ x_2 = 8 \end{cases} \Rightarrow 40(24) + 30(8) = 1200$$

همانطور که مشاهده می نمایید در این مسئله به دو نقطه مساوی دست پیدا کردیم پس دو نقطه بهینه داریم بنابراین جواب بهینه چند گانه است

فاقد ناحیه موجه

فاقد ناحیه موجه : هرگاه نتوانیم منطقه موجه مشترک برای تمام محدودیت ها بیابیم

(مثال)

$$\text{Max } Z = 5x_1 + 3x_2$$

s.t:

$$4x_1 + 2x_2 \leq 8$$

$$x_1 \geq 4$$

$$x_2 \geq 6$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

بر اساس تابع هدف و محدودیت های داده شده می خواهیم بدانیم
این مسئله جزء کدام حالت از حالت های خاص نقطه بهینه است

نقاط X را برای معادله ۱ و ۲ و ۳ بدست می آوریم

$$4x_1 + 2x_2 = 8$$

$$4(0) + 2(4) = 8$$

$$4(2) + 2(0) = 8$$

$$\begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = 4 \end{cases}$$

$$x_1 = 4$$

$$(4) = 4$$

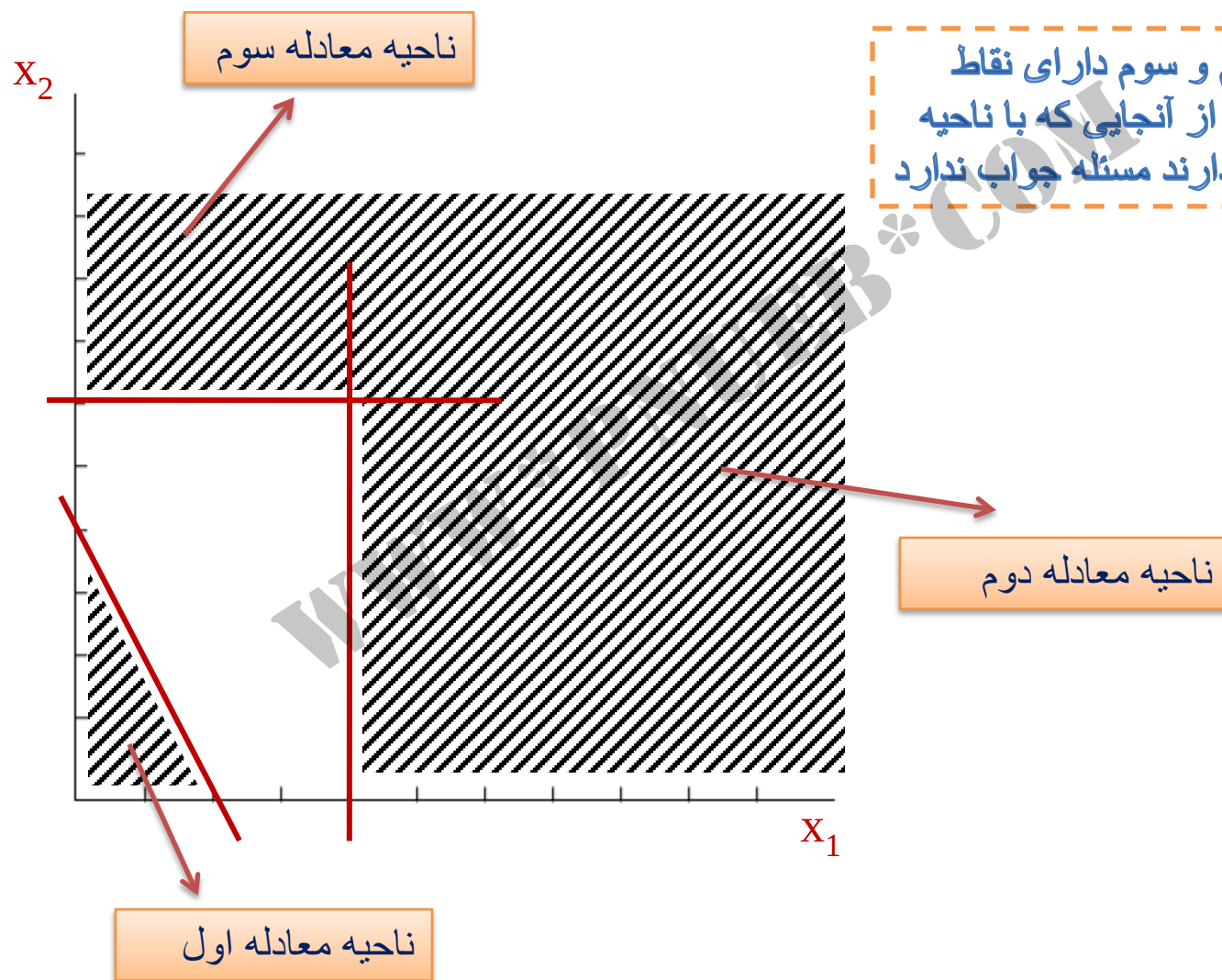
$$\begin{cases} x_1 = 4 \end{cases}$$

$$x_2 = 6$$

$$(6) = 6$$

$$\begin{cases} x_2 = 6 \end{cases}$$

نقاط بدست آمده در اسلاید قبل را رسم می کنیم



ناحيہ جواب بیکران

ناحیه جواب بیکران: اگر منطقه موجه توسط محدودیت ها بسته نشود

(مثال)

$$\text{Max } Z = 4x_1 + 2x_2$$

s.t:

$$x_1 \geq 4$$

$$x_2 \leq 8$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

بر اساس تابع هدف و محدودیت های داده شده می خواهیم بدانیم
این مسئله جزء کدام حالت از حالت های خاص نقطه بهینه است

نقاط X را برای معادله ۱ و ۲ بدست می آوریم

$$x_1 = 4$$

$$(4) = 4$$

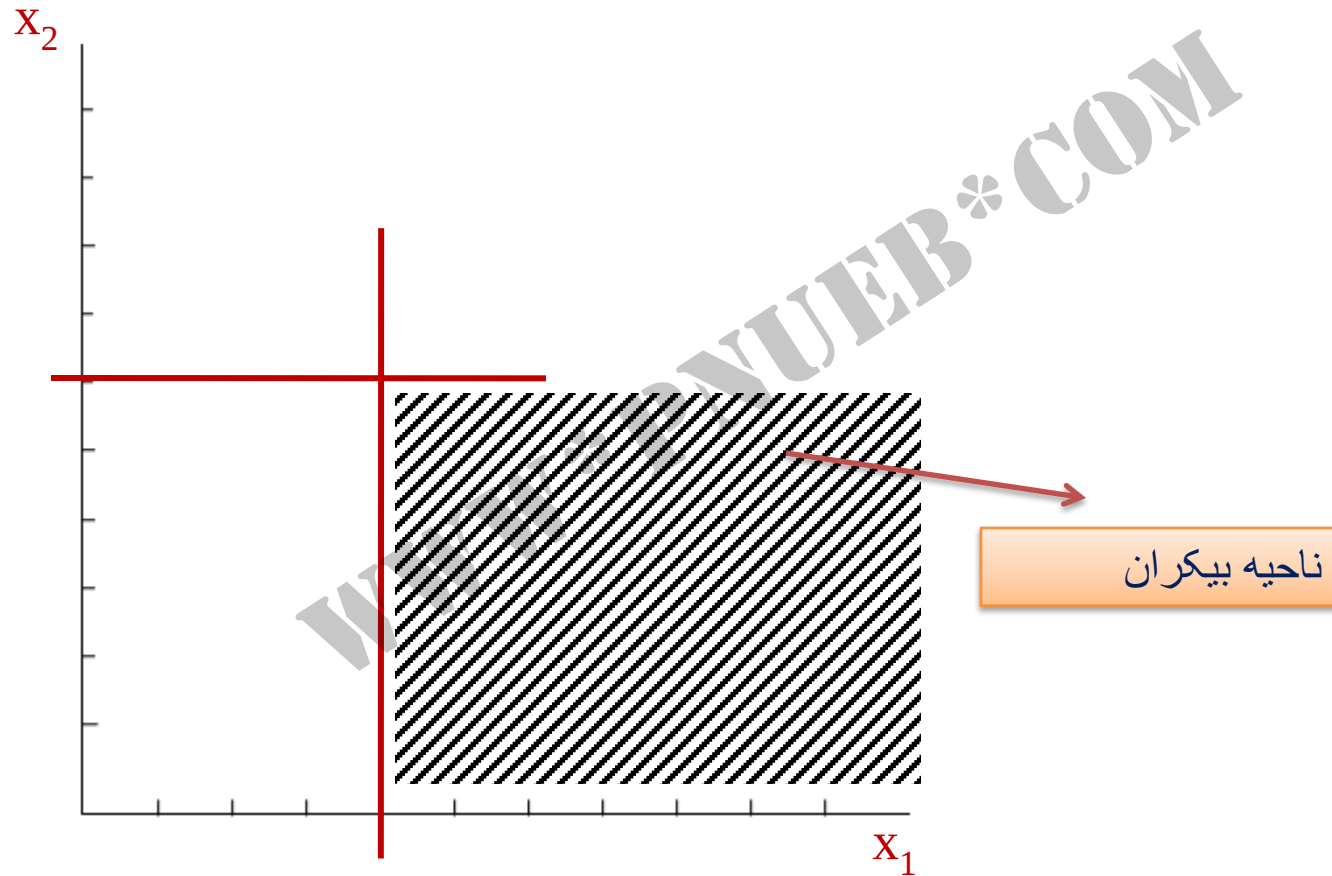
$$x_2 = 8$$

$$(8) = 8$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = 4 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_2 = 8 \end{array} \right.$$

نقاط بدست آمده در اسلاید قبل را رسم می کنیم



بنابراین تا بیکران منطقه موجه وجود دارد

www.pnuetb.com

جواب تبھگن

جواب تبهگن: اگر از یک نقطه بیش از دو خط عبور کند آن را نقطه تبهگن می نامیم

(مثال)

$$\text{Max } Z = 4x_1 + 6x_2$$

s.t:

$$6x_1 + 4x_2 \leq 24$$

$$x_2 \leq 3$$

$$5x_1 + 10x_2 \leq 40$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

بر اساس تابع هدف و محدودیت های داده شده می خواهیم بدانیم
این مسئله جزء کدام حالت از حالت های خاص نقطه بهینه است

نقاط X را برای معادله ۱ و ۲ و ۳ بدست می آوریم

$$6x_1 + 4x_2 = 24$$

$$6(0) + 4(6) = 24$$

$$6(4) + 4(0) = 24$$

$$\begin{cases} x_1 = 4 \\ x_2 = 6 \end{cases}$$

$$x_2 = 3$$

$$(3) = 3$$

$$\begin{cases} x_2 = 3 \end{cases}$$

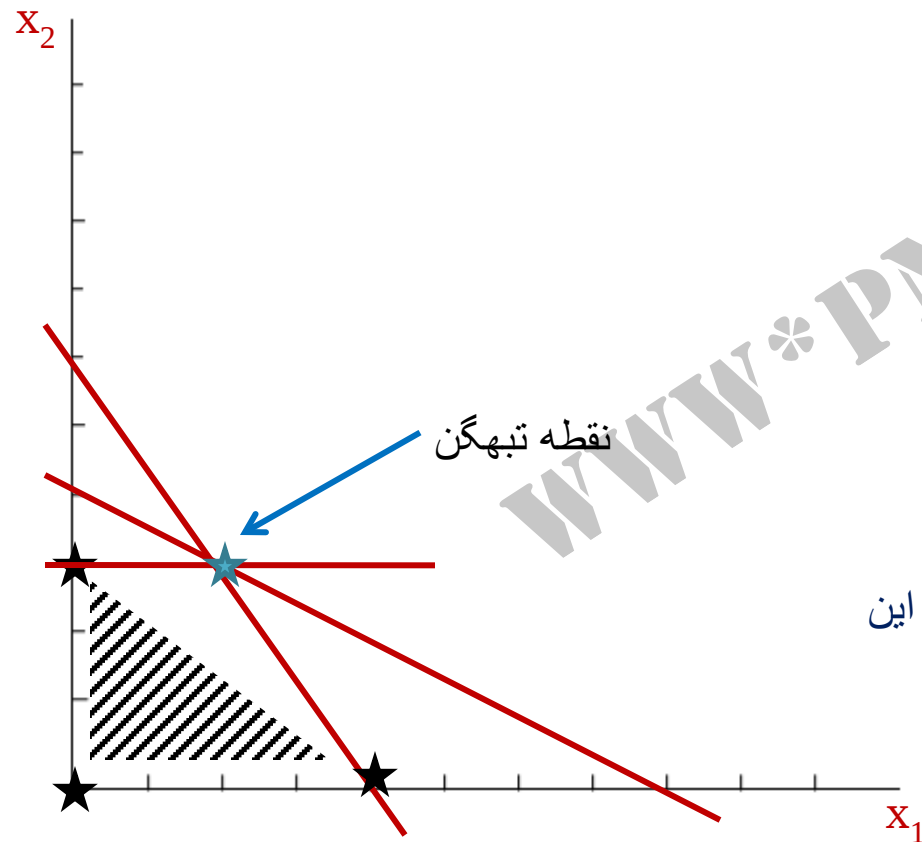
$$5x_1 + 10x_2 = 40$$

$$5(0) + 10(4) = 40$$

$$5(8) + 10(0) = 40$$

$$\begin{cases} x_1 = 8 \\ x_2 = 4 \end{cases}$$

نقاط بدست آمده در اسلاید قبل را رسم می کنیم



به دلیل اینکه بیش از دو خط از یک نقطه عبور کرده است این
نقطه تبهگن است